



**SELEKSI OLIMPIADE TINGKAT PROVINSI 2008
TIM OLIMPIADE MATEMATIKA INDONESIA 2009**

Bidang Matematika

Bagian Pertama

Waktu : 90 Menit



**DEPARTEMEN PENDIDIKAN NASIONAL
DIREKTORAT JENDERAL MANAJEMEN PENDIDIKAN DASAR DAN MENENGAH
DIREKTORAT PEMBINAAN SEKOLAH MENENGAH ATAS
TAHUN 2008**

**SELEKSI TINGKAT PROVINSI CALON
PESERTA OLIMPIADE SAINS NASIONAL 2008
MATEMATIKA SMA**

BAGIAN PERTAMA

Petunjuk untuk peserta :

1. Tes bagian pertama ini terdiri dari 20 soal.
2. Waktu yang disediakan adalah 90 menit.
3. Setiap soal bernilai 1 (satu) angka.
4. Tuliskan nama, kelas dan asal sekolah Anda di sebelah kanan atas pada lembar jawaban.
5. Beberapa pertanyaan dapat memiliki lebih dari satu jawaban yang benar. Anda diminta memberikan jawaban yang paling tepat atau persis untuk pertanyaan seperti ini. Nilai hanya akan diberikan kepada pemberi jawaban paling tepat atau paling persis.
6. Tuliskan hanya jawaban dari soal yang diberikan. Tuliskan jawaban tersebut pada kotak di sebelah kanan setiap soal.
7. Jawaban hendaknya Anda tuliskan dengan menggunakan tinta, bukan pensil.
8. Selama tes, Anda tidak diperkenankan menggunakan buku, catatan dan alat bantu hitung. Anda juga tidak diperkenankan bekerja sama.
9. Mulailah bekerja hanya setelah pengawas memberi tanda dan berhentilah bekerja segera setelah pengawas memberi tanda.
10. Selamat bekerja.

**SELEKSI TINGKAT PROVINSI CALON
PESERTA OLIMPIADE SAINS NASIONAL 2008
MATEMATIKA SMA**

BAGIAN PERTAMA

1. Banyaknya pembagi positif dari 2008 adalah
2. Cara menyusun huruf-huruf MATEMATIKA dengan kedua T tidak berdekatan ada sebanyak
3. Jika $0 < b < a$ dan $a^2 + b^2 = 6ab$, maka $\frac{a+b}{a-b} = \dots\dots$
4. Dua dari panjang garis tinggi segitiga ABC lancip, berturut-turut sama dengan 4 dan 12. Jika panjang garis tinggi yang ketiga dari segitiga tersebut merupakan bilangan bulat, maka panjang maksimum garis tinggi segitiga tersebut adalah
5. Dalam bidang XOY, banyaknya garis yang memotong sumbu X di titik dengan absis bilangan prima dan memotong sumbu Y di titik dengan ordinat bilangan bulat positif serta melalui titik (4, 3) adalah
6. Diberikan segitiga ABC, AD tegak lurus BC sedemikian rupa sehingga DC = 2 dan BD = 3. Jika $\angle BAC = 45^\circ$, maka luas segitiga ABC adalah
7. Jika x dan y bilangan bulat yang memenuhi $y^2 + 3x^2y^2 = 30x^2 + 517$, maka $3x^2y^2 = \dots\dots$
8. Diberikan segitiga ABC, dengan BC = a, AC = b dan $\angle C = 60^\circ$. Jika $\frac{a}{b} = 2 + \sqrt{3}$, maka besarnya sudut B adalah
9. Seratus siswa suatu Provinsi di Pulau Jawa mengikuti seleksi tingkat Provinsi dan skor rata-ratanya adalah 100. Banyaknya siswa kelas II yang mengikuti seleksi tersebut 50% lebih banyak dari siswa kelas III, dan skor rata-rata siswa kelas III 50% lebih tinggi dari skor rata-rata siswa kelas II. Skor rata-rata siswa kelas III adalah
10. Diberikan segitiga ABC, dengan BC = 5, AC = 12, dan AB = 13. Titik D dan E berturut-turut pada AB dan AC sedemikian rupa sehingga DE membagi segitiga ABC menjadi dua bagian dengan luas yang sama. Panjang minimum DE adalah
11. Misalkan a, b, c dan d bilangan rasional. Jika diketahui persamaan $x^4 + ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ mempunyai 4 akar real, dua di antaranya adalah $\sqrt{2}$ dan $\sqrt{2008}$. Nilai dari a + b + c + d adalah ..

12. Diberikan segitiga ABC dengan sisi-sisi a , b , dan c . Nilai $a^2 + b^2 + c^2$ sama dengan 16 kali luas segitiga ABC. Besarnya nilai $\text{ctg } A + \text{ctg } B + \text{ctg } C$ adalah
13. Diberikan $f(x) = x^2 + 4$. Misalkan x dan y adalah bilangan-bilangan real positif yang memenuhi $f(xy) + f(y - x) = f(y + x)$. Nilai minimum dari $x + y$ adalah
14. Banyak bilangan bulat positif n kurang dari 2008 yang mempunyai tepat $\frac{n}{2}$ bilangan kurang dari n dan relatif prima terhadap n adalah
15. Suatu polinom $f(x)$ memenuhi persamaan $f(x^2) - x^3f(x) = 2(x^3 - 1)$ untuk setiap x bilangan real. Derajat (pangkat tertinggi x) $f(x)$ adalah
16. Angap satu tahun 365 hari. Peluang dari 20 orang yang dipilih secara acak ada dua orang yang berulang tahun pada hari yang sama adalah
17. Tiga bilangan dipilih secara acak dari $\{1, 2, 3, \dots, 2008\}$. Peluang jumlah ketiganya genap adalah ...
18. Misalkan $|X|$ menyatakan banyaknya anggota himpunan X . Jika $|A \cup B| = 10$ dan $|A| = 4$, maka nilai yang mungkin untuk $|B|$ adalah
19. Diketahui AD adalah garis tinggi dari segitiga ABC, $\angle DAB = \angle ACD$, $AD = 6$, $BD = 8$. Luas segitiga ABC adalah
20. Nilai dari $\sum_{k=0}^{1004} 3^k \binom{1004}{k} = \dots\dots\dots$

LEMBAR JAWABAN

SELEKSI TINGKAT PROVINSI CALON
PESERTA OLIMPIADE SAINS NASIONAL 2008
MATEMATIKA SMA

BAGIAN PERTAMA

Nama :
Kelas :

Asal Sekolah :
Tanda Tangan :

BAGIAN PERTAMA

1.
2.
3.
4.
5.
6.
7.
8.
9.
10.

11.
12.
13.
14.
15.
16.
17.
18.
19.
20.



**SELEKSI OLIMPIADE TINGKAT PROVINSI 2008
TIM OLIMPIADE MATEMATIKA INDONESIA 2009**

Bidang Matematika

Bagian Kedua

Waktu : 120 Menit



**DEPARTEMEN PENDIDIKAN NASIONAL
DIREKTORAT JENDERAL MANAJEMEN PENDIDIKAN DASAR DAN MENENGAH
DIREKTORAT PEMBINAAN SEKOLAH MENENGAH ATAS
TAHUN 2008**

**SELEKSI TINGKAT PROVINSI CALON
PESERTA OLIMPIADE SAINS NASIONAL 2008
MATEMATIKA SMA**

BAGIAN KEDUA

Petunjuk untuk peserta :

1. Tes Bagian kedua ini terdiri dari 5 soal.
2. Waktu yang disediakan adalah 120 menit.
3. Setiap soal bernilai 7 (tujuh) angka.
4. Tuliskan nama, kelas, dan asal sekolah Anda di sebelah kanan atas pada setiap halaman jawaban.
5. Anda diminta menyelesaikan soal yang diberikan secara lengkap. Selain jawaban akhir, Anda diminta menuliskan semua langkah dan argumentasi yang Anda gunakan untuk sampai kepada jawaban akhir tersebut.
6. Jika halaman muka tidak cukup, gunakan halaman di baliknya.
7. Bekerjalah dengan cermat dan rapi.
8. Jawaban hendaknya Anda tuliskan dengan menggunakan tinta, bukan pensil. Anda boleh menggunakan pensil untuk gambar.
9. Selama tes, Anda tidak diperkenankan menggunakan buku, catatan dan alat bantu hitung. Anda juga tidak diperkenankan bekerja sama.
10. Mulailah bekerja hanya setelah pengawas memberi tanda dan berhentilah bekerja segera setelah pengawas memberi tanda.
11. Selamat bekerja.

**SELEKSI TINGKAT PROVINSI CALON
PESERTA OLIMPIADE SAINS NASIONAL 2008
MATEMATIKA SMA**

BAGIAN KEDUA

1. Carilah semua pasangan bilangan asli (x, n) yang memenuhi
$$1 + x + x^2 + \dots + x^n = 40$$

2. Diberikan polinom real $P(x) = x^{2008} + a_1x^{2007} + a_2x^{2006} + \dots + a_{2007}x + a_{2008}$ dan $Q(x) = x^2 + 2x + 2008$. Misalkan persamaan $P(x) = 0$ mempunyai 2008 penyelesaian real dan $P(2008) \leq 1$. Tunjukkan bahwa persamaan $P(Q(x)) = 0$ mempunyai penyelesaian real.

3. Lingkaran dalam dari segitiga ABC, menyinggung sisi-sisi BC, CA, dan AB berturut-turut di D, E, dan F. Melalui D, ditarik garis tegak lurus EF yang memotong EF di G. Buktikan bahwa
$$\frac{FG}{EG} = \frac{BF}{CE}$$

4. Bilangan 1, 2, 3, ..., 9 disusun melingkar secara acak. Buktikan bahwa ada tiga bilangan berdekatan yang jumlahnya lebih besar dari 15.

5. Tentukan banyaknya bilangan positif 5-angka palindrom yang habis dibagi 3. Palindrom adalah bilangan/kata yang sama jika dibaca dari kiri ke kanan atau sebaliknya. Sebagai contoh 35353 adalah bilangan palindrom, sedangkan 14242 bukan.